

# Punto Fijo

## Organización de computadoras

Universidad Nacional de Quilmes

October 23, 2020

# Punto Fijo

Para hoy tenemos...

# Desafío

## Desafío



Representar partes no enteras de una unidad  
(números fraccionarios)

## Desafío



Representar partes no enteras de una unidad  
(números fraccionarios)



¿Cómo lo hacemos?

En el sistema decimal...

Se usa un caracter " , " para separar las unidades de las fracciones

En el sistema decimal...

Se usa un caracter " , " para separar las unidades de las fracciones



Si la cadena 16 vale:  $10+6 = 1*10^1 + 6*10^0$



En el sistema decimal...

Se usa un caracter ", " para separar las unidades de las fracciones



Si la cadena 16 vale:  $10+6 = 1*10^1 + 6*10^0$



La cadena 1,6 vale:  $1+0,6 = 1*10^0 + 6*10^{-1}$

La coma establece una posición para los pesos de los dígitos

# Motivación

La coma establece una posición para los pesos de los dígitos

## Motivación

La coma establece una posición para los pesos de los dígitos



Pesos				
$10^1$	$10^0$	$10^{-1}$	$10^{-2}$	Valor representado
1	6	,	0	16
	1	,	6	1,6
	0	,	1 6	0,16

## Pesos fraccionarios: ¿Cómo se traslada a los binarios?

Pesos				Valor representado
$10^1$	$10^0$	$10^{-1}$	$10^{-2}$	
1	6	,	0	16
	1	,	6	1,6
	0	,	1 6	0,16

## Pesos fraccionarios: ¿Cómo se traslada a los binarios?

Pesos				Valor representado
$10^1$	$10^0$	$10^{-1}$	$10^{-2}$	
1	6	,	0	16
	1	,	6	1,6
	0	,	1 6	0,16



Pesos				Valor representado
$2^1$	$2^0$	$2^{-1}$	$2^{-2}$	
1	1	,	0	$2^1 + 2^0 = 3$

## Pesos fraccionarios: ¿Cómo se traslada a los binarios?

Pesos				Valor representado
$10^1$	$10^0$	$10^{-1}$	$10^{-2}$	
1	6	,	0	16
	1	,	6	1,6
	0	,	1 6	0,16



Pesos				Valor representado
$2^1$	$2^0$	$2^{-1}$	$2^{-2}$	
1	1	,	0	$2^1 + 2^0 = 3$
	1	,	1	$2^0 + 2^{-1} = 1 + 0,5 = 1,5$

## Pesos fraccionarios: ¿Cómo se traslada a los binarios?

Pesos				Valor representado
$10^1$	$10^0$	$10^{-1}$	$10^{-2}$	
1	6	,	0	16
	1	,	6	1,6
	0	,	1 6	0,16



Pesos				Valor representado
$2^1$	$2^0$	$2^{-1}$	$2^{-2}$	
1	1	,	0	$2^1 + 2^0 = 3$
	1	,	1	$2^0 + 2^{-1} = 1 + 0,5 = 1,5$
	0	,	1 1	$2^{-1} + 2^{-2} = 0,5 + 0,25 = 0,75$

Pero... no podemos escribir la  
coma!



# Sistema de Punto Fijo

## Sistema de punto fijo

Sistema de numeración binario donde se establece una posición fija de la coma fraccionaria.

# Sistema de Punto Fijo

## Sistema de punto fijo

Sistema de numeración binario donde se establece una posición fija de la coma fraccionaria.



La coma se asume en un lugar fijo, y no se escribe

Para eso se acuerda un sistema de escritura (y lectura)

# Sistema de Punto Fijo

## Sistema de punto fijo

Sistema de numeración binario donde se establece una posición fija de la coma fraccionaria.

Suponer 2 bits enteros y 3 bits fraccionarios

# Sistema de Punto Fijo

## Sistema de punto fijo

Sistema de numeración binario donde se establece una posición fija de la coma fraccionaria.

Suponer 2 bits enteros y 3 bits fraccionarios



Los pesos son:  $2^1 2^0 2^{-1} 2^{-2} 2^{-3}$

# Sistema de Punto Fijo

## Sistema de punto fijo

Sistema de numeración binario donde se establece una posición fija de la coma fraccionaria.

Suponer 2 bits enteros y 3 bits fraccionarios



Los pesos son:  $2^1 2^0 2^{-1} 2^{-2} 2^{-3}$



$$\mathcal{I}(10100) = 2^1 + 2^{-1} = 2 + 0,5 = 2,5$$

## Sistema de Punto Fijo

## Ejercicio: interpretar

Parte entera		Parte Fraccionaria			
$2^1$	$2^0$	$2^{-1}$	$2^{-2}$	$2^{-3}$	Valor
1	0	0	0	0	?
0	1	0	0	0	?
0	0	0	0	1	?
0	1	0	0	1	?
0	0	0	1	0	?

# Sistema de Punto Fijo

## Notación

BSS( $n,m$ ) denota un sistema *Binario Sin Signo* con  **$n$  bits en total**, de los cuales  $m$  son fraccionarios

Parte entera		Parte Fraccionaria			
$2^1$	$2^0$	$2^{-1}$	$2^{-2}$	$2^{-3}$	Valor

## Sistema de Punto Fijo

## Notación

BSS( $n,m$ ) denota un sistema *Binario Sin Signo* con  **$n$  bits en total**, de los cuales  $m$  son fraccionarios

Parte entera		Parte Fraccionaria			
$2^1$	$2^0$	$2^{-1}$	$2^{-2}$	$2^{-3}$	Valor



BSS(5,3)



## Comparación entre sistemas

Completar la siguiente tabla

Cadena	$BSS(2)$	$BSS(2, 1)$
00		
01		
10		
11		

## Comparación entre sistemas

Cadena	$BSS(2)$		$BSS(2, 1)$	
00	0	0	0	0
01	$1 * 2^0$	1	$1 * 2^{-1}$	0,5
10	$1 * 2^1$	2	$1 * 2^0$	1
11	$1 * 2^1 + 1 * 2^0$	3	$1 * 2^0 + 1 * 2^{-1}$	1,5

## Comparación entre sistemas

Completar la siguiente tabla

Cadena	$BSS(3)$	$BSS(3, 1)$
000		
001		
010		
011		
100		
101		
110		
111		

## Comparación entre sistemas

Cadena	$BSS(3)$		$BSS(3, 1)$	
000	0	0	0	0
001	$1 * 2^0$	1	$1 * 2^{-1}$	0,5
010	$1 * 2^1$	2	$1 * 2^0$	1
011	$1 * 2^1 + 1 * 2^0$	3	$1 * 2^0 + 1 * 2^{-1}$	1,5
100	$1 * 2^2$	4	$1 * 2^1$	2
101	$1 * 2^2 + 1 * 2^0$	5	$1 * 2^1 + 1 * 2^{-1}$	2,5
110	$1 * 2^2 + 1 * 2^1$	6	$1 * 2^1 + 1 * 2^0$	3
111	$1 * 2^2 + 1 * 2^1 + 1 * 2^0$	7	$1 * 2^1 + 1 * 2^0 + 1 * 2^{-1}$	3,5

# Interpretación en $BSS(n, m)$ : dos mecanismos

Interpretación en  $BSS(n, m)$ : dos mecanismos

(A)

Sumar considerando los  
pesos fraccionarios

(B)

Interpretar el número  
como en  $BSS()$  y dividir  
por  $2^m$

Interpretación en  $BSS(n, m)$ : dos mecanismos

(A)

Sumar considerando los  
pesos fraccionarios

(B)

Interpretar el número  
como en  $BSS()$  y dividir  
por  $2^m$

$$\begin{aligned}\mathcal{I}_{bss(5,2)}(00101) &= 2^0 + 2^{-2} \\ &= 1,25\end{aligned}$$

Interpretación en  $BSS(n, m)$ : dos mecanismos

(A)

Sumar considerando los pesos fraccionarios

$$\begin{aligned}\mathcal{I}_{bss(5,2)}(00101) &= 2^0 + 2^{-2} \\ &= 1,25\end{aligned}$$

(B)

Interpretar el número como en  $BSS()$  y dividir por  $2^m$

$$\begin{aligned}\mathcal{I}_{bss(5,2)}(00101) &= \frac{\mathcal{I}_{bss(5)}(00101)}{4} \\ &= \frac{5}{4} = 1,25\end{aligned}$$



# Rango

## Rango

Intervalo de números representables

# Rango

## Rango

Intervalo de números representables

Calcular el rango del sistema  $BSS(2, 1)$

## Rango

## Rango

Intervalo de números representables

Calcular el rango del sistema  $BSS(2, 1)$ **Mínimo** Interpretar la cadena que representa al mínimo:

$$\mathcal{I}_{bss(2,1)}(00) = 0$$

## Rango

## Rango

Intervalo de números representables

Calcular el rango del sistema  $BSS(2, 1)$ **Mínimo** Interpretar la cadena que representa al mínimo:

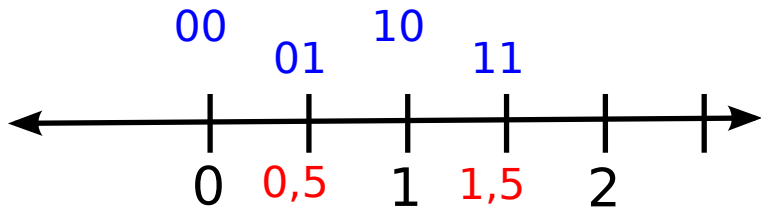
$$\mathcal{I}_{bss(2,1)}(00) = 0$$

**Máximo** Interpretar la cadena que representa al máximo:

$$\mathcal{I}_{bss(2,1)}(11) = 2^0 + 2^{-1} = 1 + 0,5 = 1,5$$

## Rango

Gráficamente



## Rango

Calcular el rango del sistema  $BSS(2, 0)$

## Rango

Calcular el rango del sistema  $BSS(2, 0)$



**Mínimo** Interpretar la cadena que representa al mínimo:

$$\mathcal{I}_{bss(2,0)}(00) = 0$$

## Rango

Calcular el rango del sistema  $BSS(2, 0)$



**Mínimo** Interpretar la cadena que representa al mínimo:

$$\mathcal{I}_{bss(2,0)}(00) = 0$$

**Máximo** Interpretar la cadena que representa al máximo:



## Rango

Calcular el rango del sistema  $BSS(2, 0)$

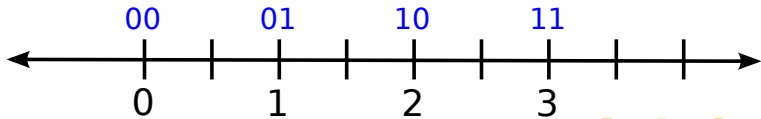


**Mínimo** Interpretar la cadena que representa al mínimo:

$$\mathcal{I}_{bss(2,0)}(00) = 0$$

**Máximo** Interpretar la cadena que representa al máximo:

$$\mathcal{I}_{bss(2,0)}(11) = 2^1 + 2^0 = 2 + 1 = 3$$



## Rango

Calcular el rango del sistema  $BSS(4, 2)$

## Rango

Calcular el rango del sistema  $BSS(4, 2)$



**Mínimo** Interpretar la cadena que representa al mínimo:

$$\mathcal{I}_{bss(4,2)}(0000) = 0$$

## Rango

Calcular el rango del sistema  $BSS(4, 2)$



**Mínimo** Interpretar la cadena que representa al mínimo:

$$\mathcal{I}_{bss(4,2)}(0000) = 0$$

**Máximo** Interpretar la cadena que representa al máximo:

$$\mathcal{I}_{bss(4,2)}(1111) = 2^1 + 2^0 + 2^{-1} + 2^{-2} = 3 + 0,75 = 3,75$$

## Rango

El rango del sistema  $BSS(4, 2)$  es  $[0 : 3,75]$

## Rango

El rango del sistema  $BSS(4, 2)$  es  $[0 : 3,75]$



¿Esto implica que pueden representarse todos los números en ese intervalo?

## Rango

El rango del sistema  $BSS(4, 2)$  es  $[0 : 3,75]$

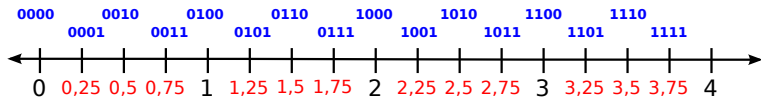


¿Esto implica que pueden representarse todos los números en ese intervalo?



¡NO!

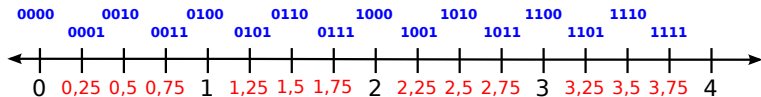
## Rango



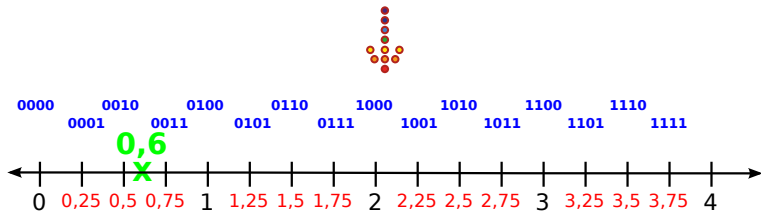
Por ejemplo: 0,6



## Rango



Por ejemplo: 0,6



No es representable

# Resolución

- En los sistemas enteros, los números representados van de uno en uno.
- En el sistema del ejemplo  $BSS(2, 1)$ , ¿Que distancia tienen?

# Resolución

- En los sistemas enteros, los números representados van de uno en uno.
- En el sistema del ejemplo  $BSS(2, 1)$ , ¿Que distancia tienen?

cadena	número representado
00	0
01	0,5
10	1
11	1,5

# Resolución

- En los sistemas enteros, los números representados van de uno en uno.
- En el sistema del ejemplo  $BSS(2, 1)$ , ¿Que distancia tienen?

cadena	número representado
00	0
01	0,5
10	1
11	1,5

Los números van *saltando* de 0,5 en 0,5.

## Resolución

- En los sistemas enteros, los números representados van de uno en uno.
- En el sistema del ejemplo  $BSS(2, 1)$ , ¿Que distancia tienen?

cadena	número representado
00	0
01	0,5
10	1
11	1,5

Los números van *saltando* de 0,5 en 0,5.

Diremos entonces que la **resolución del sistema** es 0,5.

### Resolución

distancia entre dos números representables consecutivos. Nos da una idea de precisión.

# Resolución

## Ejemplo

En el sistema  $BSS(3, 1)$ , ¿Que distancia tienen?

# Resolución

## Ejemplo

En el sistema  $BSS(3, 1)$ , ¿Que distancia tienen?

cadena	número representado
000	0
001	0,5
010	1
011	1,5
100	2
101	1,5
110	3
110	3,5

# Resolución

## Ejemplo

En el sistema  $BSS(3, 1)$ , ¿Que distancia tienen?

cadena	número representado
000	0
001	0,5
010	1
011	1,5
100	2
101	1,5
110	3
110	3,5

**Resolución:** 0,5



# Resolución

## Ejemplo

En el sistema  $BSS(3, 2)$ , ¿Que distancia tienen?

# Resolución

## Ejemplo

En el sistema  $BSS(3, 2)$ , ¿Que distancia tienen?

cadena	número representado
000	0
001	0,25
010	0,5
011	0,75
100	1
101	1,25
110	1,5
110	1,75

# Resolución

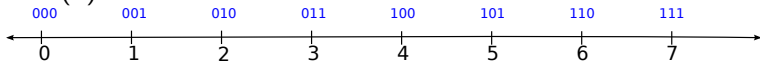
## Ejemplo

En el sistema  $BSS(3, 2)$ , ¿Que distancia tienen?

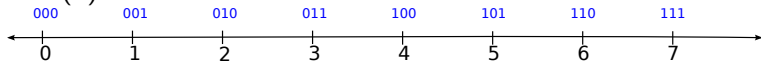
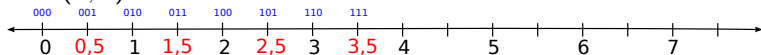
cadena	número representado
000	0
001	0,25
010	0,5
011	0,75
100	1
101	1,25
110	1,5
110	1,75

**Resolución:** 0,25

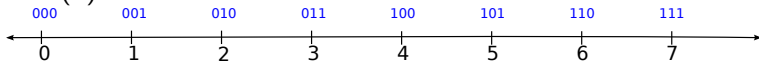
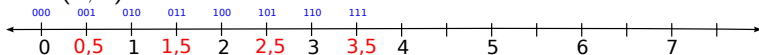
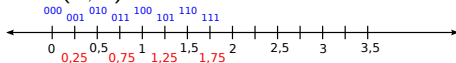
## Resolución

●  $BSS(3)$ 

## Resolución

●  $BSS(3)$ ●  $BSS(3, 1)$ 

## Resolución

●  $BSS(3)$ ●  $BSS(3, 1)$ ●  $BSS(3, 2)$ 

## Ejemplos de interpretación BSS en 5 bits:

## Ejemplo

Sistema  $BSS(5, 2)$ 

$$00000 \rightarrow 0$$

$$00001 \rightarrow 2^{-2} = 0,25$$

$$00010 \rightarrow 2^{-1} = 0,5$$

$$00011 \rightarrow 2^{-1} + 2^{-2} = 0,75$$

$$00100 \rightarrow 2^0 = 1$$

$$00101 \rightarrow 2^0 + 2^{-2} = 1,25$$

...

$$01111 \rightarrow 2^1 + 2^0 + 2^{-1} + 2^{-2} = 3,75$$

$$10000 \rightarrow 2^2 = 4$$

$$10001 \rightarrow 2^2 + 2^{-2} = 4,25$$

$$10010 \rightarrow 2^2 + 2^{-1} = 4,5$$

$$10011 \rightarrow 2^2 + 2^{-1} + 2^{-2} = 4,75$$

...

$$11111 \rightarrow 2^2 + 2^1 + 2^0 + 2^{-1} + 2^{-2} = 7,75$$

# Resolución

Calcular la resolución de los sistemas


- $BSS(8, 1)$
- $BSS(6, 4)$
- $BSS(16, 8)$




# ¿Cómo representar?

## Representación en $BSS(n, m)$ : dos métodos

### (Separando partes)

La parte Entera:  como en  $BSS(n - m)$ .


La parte Fraccionaria:  con el método de las multiplicaciones sucesivas


### (Corriendo la coma)

Correr el punto fraccionario para poder utilizar la representación en  $BSS(n)$

Representación en  $BSS(n, m)$ : dos métodos


## (Separando partes)

La parte Entera:  como en  $BSS(n - m)$ .


La parte Fraccionaria:  con el método de las multiplicaciones sucesivas



Representación en  $BSS(n, m)$ 

- (a) Parte Entera:   $BSS(n)$ .
- (b) Parte Fraccionaria:
  - 1 Multiplicar la parte fraccionaria por 2
  - 2 Reservar la parte entera del resultado
  - 3 Si ya hicimos  $m+1$  multiplicaciones, redondear, sino volver al paso 1
  - 4 **Redondeo:** sumar el bit obtenido en el último paso a la cadena completa.


Representación en  $BSS(n, m)$ 

- (a) Parte Entera:   $BSS(n)$ .
- (b) Parte Fraccionaria:
  - 1 Multiplicar la parte fraccionaria por 2
  - 2 Reservar la parte entera del resultado
  - 3 Si ya hicimos  $m+1$  multiplicaciones, redondear, sino volver al paso 1
  - 4 **Redondeo:** sumar el bit obtenido en el último paso a la cadena completa.

## Ejemplo

Representar  $X = 3,14$  en  $BSS(7, 4)$

Representación en  $BSS(n, m)$ 

- (a) Parte Entera:   $BSS(n)$ .
- (b) Parte Fraccionaria:
- 1 Multiplicar la parte fraccionaria por 2
  - 2 Reservar la parte entera del resultado
  - 3 Si ya hicimos  $m+1$  multiplicaciones, redondear, sino volver al paso 1
  - 4 **Redondeo:** sumar el bit obtenido en el último paso a la cadena completa.

## Ejemplo

Representar  $X = 3,14$  en  $BSS(7, 4)$

- Parte entera:  $\mathcal{R}_{bss(3)}(3) = 011$

Representación en  $BSS(n, m)$ 

- (a) Parte Entera:  $\dots \oplus BSS(n)$ .
- (b) Parte Fraccionaria:
- 1 Multiplicar la parte fraccionaria por 2
  - 2 Reservar la parte entera del resultado
  - 3 Si ya hicimos  $m+1$  multiplicaciones, redondear, sino volver al paso 1
  - 4 **Redondeo:** sumar el bit obtenido en el último paso a la cadena completa.

## Ejemplo

Representar  $X = 3,14$  en  $BSS(7, 4)$

- Parte entera:  $\mathcal{R}_{bss(3)}(3) = 011$
- Parte Fraccionaria:
  - $0,14 * 2 = 0,28$
  - $0,28 * 2 = 0,56$
  - $0,56 * 2 = 1,12$
  - $0,12 * 2 = 0,24$
  - $0,24 * 2 = 0,48$

Representación en  $BSS(n, m)$ 

(a) Parte Entera:  $\dots BSS(n)$ .

(b) Parte Fraccionaria:

- 1 Multiplicar la parte fraccionaria por 2
- 2 Reservar la parte entera del resultado
- 3 Si ya hicimos  $m+1$  multiplicaciones, redondear, sino volver al paso 1
- 4 **Redondeo:** sumar el bit obtenido en el último paso a la cadena completa.

## Ejemplo

Representar  $X = 3,14$  en  $BSS(7, 4)$

● Parte entera:  $\mathcal{R}_{bss(3)}(3) = 011$

● Parte Fraccionaria:

$$0,14 * 2 = 0,28$$

$$0,28 * 2 = 0,56$$

$$0,56 * 2 = 1,12$$

$$0,12 * 2 = 0,24$$

$$0,24 * 2 = 0,48$$

$$\begin{array}{r} \text{Redondeo:} \quad + \quad 0110010 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad 0000000 \\ \hline \quad \quad \quad \quad \quad \quad 0110010 \end{array}$$



Representación en  $BSS(n, m)$ 

## Ejemplo

Representar 6,625 en  $BSS(8, 4)$

- Parte entera:  $\mathcal{R}_{bss(4)}(6) = 0110$

Representación en  $BSS(n, m)$ 

## Ejemplo

Representar 6,625 en  $BSS(8, 4)$

● **Parte entera:**  $\mathcal{R}_{bss(4)}(6) = 0110$

● **Parte Fraccionaria:**

$$0,625 * 2 = 1,250$$

$$0,250 * 2 = 0,500$$

$$0,500 * 2 = 1,000$$

$$0,000 * 2 = 0,000$$

$$0,000 * 2 = 0,000$$

● Se componen las cadenas: 01101010

## Representación en $BSS(n, m)$ : dos métodos



(Corriendo la coma)

Correr el punto  
fraccionario para poder  
utilizar la  
representación en  
 $BSS(n)$

## Representación en $BSS(n, m)$ : Corriendo la coma

Correr el punto fraccionario para poder utilizar la representación en  $BSS(n)$

- 1 Multiplicar al número  $X$  que se quiere representar por  $2^m$
- 2 Redondear el número obtenido ( $X'$ ) al entero más cercano ( $X''$ ).
- 3 Representar  $X''$  en  $BSS(n)$ .

Representación en  $BSS(n, m)$ 

- 1 Multiplicar al número  $X$  que se quiere representar por  $2^m$
- 2 Redondear el número obtenido ( $X'$ ) al entero más cercano ( $X''$ ).
- 3 Representar  $X'$  en  $BSS(n)$ .

## Ejemplo

Representar  $X = 3,14$  en  $BSS(7, 4)$

Representación en  $BSS(n, m)$ 

- 1 Multiplicar al número  $X$  que se quiere representar por  $2^m$
- 2 Redondear el número obtenido ( $X'$ ) al entero más cercano ( $X''$ ).
- 3 Representar  $X'$  en  $BSS(n)$ .

## Ejemplo

Representar  $X = 3,14$  en  $BSS(7, 4)$

- $X * 2^4 = 50,24 = X'$

Representación en  $BSS(n, m)$ 

- 1 Multiplicar al número  $X$  que se quiere representar por  $2^m$
- 2 Redondear el número obtenido ( $X'$ ) al entero más cercano ( $X''$ ).
- 3 Representar  $X'$  en  $BSS(n)$ .

## Ejemplo

Representar  $X = 3,14$  en  $BSS(7, 4)$ 

- $X * 2^4 = 50,24 = X'$
- Redondeo:  $X' \approx 50 = X''$
- $\mathcal{R}_{bss(7)}(50) = 0110010$

# Representación en $BSS(n, m)$

- 1 Multiplicar al número  $X$  que se quiere representar por  $2^m$
- 2 Redondear el número obtenido ( $X'$ ) al entero más cercano ( $X''$ ).
- 3 Representar  $X''$  en  $BSS(n)$ .

## Ejemplo

Representar  $X = 6,625$  en  $BSS(8, 4)$



Representación en  $BSS(n, m)$ 

- 1 Multiplicar al número  $X$  que se quiere representar por  $2^m$
- 2 Redondear el número obtenido ( $X'$ ) al entero más cercano ( $X''$ ).
- 3 Representar  $X''$  en  $BSS(n)$ .

## Ejemplo

Representar  $X = 6,625$  en  $BSS(8, 4)$ 

$$\bullet X * 2^4 = 106 = X'$$

Representación en  $BSS(n, m)$ 

- 1 Multiplicar al número  $X$  que se quiere representar por  $2^m$
- 2 Redondear el número obtenido ( $X'$ ) al entero más cercano ( $X''$ ).
- 3 Representar  $X''$  en  $BSS(n)$ .

## Ejemplo

Representar  $X = 6,625$  en  $BSS(8, 4)$

- $X * 2^4 = 106 = X'$
- Redondeo:  $X' \approx 106 = X''$
- $\mathcal{R}_{bss(8)}(106) = 01101010$

¿Como controlar el resultado obtenido?

¿Como controlar el resultado obtenido?



¡Interpretando!

Representación de 3,14 en  $BSS(7, 4)$  es 0110010

Representación de 3,14 en  $BSS(7, 4)$  es 0110010



$$\mathcal{I}_{bss(7,4)}(0110010) = 2^1 + 2^0 + 2^{-3} = 3,125$$

Representación de 3,14 en  $BSS(7, 4)$  es 0110010



$$\mathcal{I}_{bss(7,4)}(0110010) = 2^1 + 2^0 + 2^{-3} = 3,125 \quad \times$$

Representación de 3,14 en  $BSS(7, 4)$  es 0110010



$$\mathcal{I}_{bss(7,4)}(0110010) = 2^1 + 2^0 + 2^{-3} = 3,125 \quad \times$$



¿Porqué no obtuvimos 3,14?



Representación de 3,14 en  $BSS(7, 4)$  es 0110010



$$\mathcal{I}_{bss(7,4)}(0110010) = 2^1 + 2^0 + 2^{-3} = 3,125 \quad \times$$



¿Porqué no obtuvimos 3,14?



¡No es representable!

# Aproximación

Si  $3,14$  no es representable, se obtiene una aproximación

## Aproximación

Si  $3,14$  no es representable, se obtiene una aproximación



$$3,125 \approx 3,14$$

# Error por aproximación

Ejercicio: representar 0,4 en  $BSS(2, 1)$

# Error por aproximación

Ejercicio: representar 0,4 en  $BSS(2, 1)$

- $X = 0,4$   $m = 1$
- $X' = 0,4 \times 2^1 = 0,8$
- $\mathcal{R}_{bss(3)}(1) = 001$

## Error por aproximación

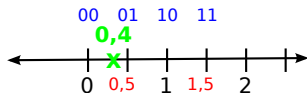
Ejercicio: representar 0,4 en  $BSS(2, 1)$

- $X = 0,4$   $m = 1$
- $X' = 0,4 \times 2^1 = 0,8$
- $\mathcal{R}_{bss(3)}(1) = 001$



Comprobar el resultado

$$\mathcal{I}_{bss(2,1)}(001) = 2^{-1} = 0,5$$



¡Herrar es humano!

# Error Absoluto

## Error Absoluto

Valor absoluto de la diferencia entre el número que se quiere representar y el número representado.

$$EA(X) = |X - E|$$

donde E es el valor de la Representación más próxima a X.

- En este caso  $EA(0,4) = |0,4 - 0,5| = 0,1$ .



# Error Absoluto

- El error absoluto de un **número representable** es 0 ya que no hay diferencia entre el número que se quiere representar y su Representación.
- Notar que el Error Absoluto tiene como cota máxima la mitad de la resolución:

$$(\forall X \in \text{rango}) 0 \leq EA(X) \leq R/2$$

# Error Relativo

## Ejemplo

Representar el número 14,9 en  $BSS(8, 4)$ :

- 1  $X = 14,9$   $m = 4$
- 2  $X' = 14,9 \times 2^4 = 238,4$
- 3  $\mathcal{R}_{bss(8)}(238) = 11101110$
- 4  $\mathcal{I}_{bss(8,4)}(11101110) = 14,875$

$$EA(14,9) = |14,9 - 14,875| = 0,025$$

El error cometido al representar 14,9 es el mismo que al representar 3,9. Sin embargo el valor del error 0,025 es “más importante” al representar 3,9 que al representar 14,9.

# Error Relativo

## Error Relativo

$$ER(X) = \left| \frac{EA(X)}{X} \right| (\forall X \neq 0 \in \text{rango})$$

$$ER(3,9) = \left| \frac{EA(3,9)}{3,9} \right| = |0,025/3,9| \approx 0,0064 = 0,64\%$$

$$ER(14,9) = \left| \frac{EA(14,9)}{14,9} \right| = |0,025/14,9| \approx 0,0016 = 0,16\%$$

El error relativo al representar 14,9 es menor que el error relativo al representar 3,9

# Error Absoluto y Relativo

Calcular error absoluto en  $BSS(8, 4)$

- 1,1
- 2,125
- 3,099
- 4,75
- 19,99

# Error Absoluto y Relativo

Calcular error relativo en  $BSS(8, 4)$

- 0,1
- 15,1

# Error Relativo

- El error relativo más grande se produce al representar números muy cercanos a cero, para los cuales el sistema los representa como 0. Para estos números,  $EA(X) = X$ , y  $ER(X) = 1 = 100\%$ .
- Los errores relativos más pequeños se producen en el extremo superior del rango.



## 1 Punto Fijo

- Resolución
- Representación